

Einführung in die Kryptographie

Bearbeitet von
Johannes Buchmann

5. Aufl. 2010. Taschenbuch. xxiv, 280 S. Paperback

ISBN 978 3 642 11185 3

Format (B x L): 15,5 x 23,5 cm

Gewicht: 462 g

Weitere Fachgebiete > EDV, Informatik > Hardwaretechnische Grundlagen >
Kryptographie, Datenverschlüsselung

Zu [Leseprobe](#)

schnell und portofrei erhältlich bei

The logo for beck-shop.de features the text 'beck-shop.de' in a bold, red, sans-serif font. Above the 'i' in 'shop' are three red dots of increasing size. Below the main text, the words 'DIE FACHBUCHHANDLUNG' are written in a smaller, red, all-caps, sans-serif font.

beck-shop.de
DIE FACHBUCHHANDLUNG

Die Online-Fachbuchhandlung beck-shop.de ist spezialisiert auf Fachbücher, insbesondere Recht, Steuern und Wirtschaft. Im Sortiment finden Sie alle Medien (Bücher, Zeitschriften, CDs, eBooks, etc.) aller Verlage. Ergänzt wird das Programm durch Services wie Neuerscheinungsdienst oder Zusammenstellungen von Büchern zu Sonderpreisen. Der Shop führt mehr als 8 Millionen Produkte.

Inhaltsverzeichnis

1. Einleitung	1
2. Ganze Zahlen	3
2.1 Grundlagen	3
2.2 Teilbarkeit	4
2.3 Darstellung ganzer Zahlen	5
2.4 O - und Ω -Notation	7
2.5 Aufwand von Addition, Multiplikation und Division mit Rest	7
2.6 Polynomzeit	9
2.7 Größter gemeinsamer Teiler	9
2.8 Euklidischer Algorithmus	12
2.9 Erweiterter euklidischer Algorithmus	15
2.10 Analyse des erweiterten euklidischen Algorithmus	16
2.11 Zerlegung in Primzahlen	20
2.12 Übungen	22
3. Kongruenzen und Restklassenringe	25
3.1 Kongruenzen	25
3.2 Halbgruppen	27
3.3 Gruppen	29
3.4 Restklassenringe	29
3.5 Körper	30
3.6 Division im Restklassenring	31
3.7 Rechenzeit für die Operationen im Restklassenring	32
3.8 Prime Restklassengruppen	33
3.9 Ordnung von Gruppenelementen	34
3.10 Untergruppen	36
3.11 Der kleine Satz von Fermat	37
3.12 Schnelle Exponentiation	38
3.13 Schnelle Auswertung von Potenzprodukten	40
3.14 Berechnung von Elementordnungen	41
3.15 Der Chinesische Restsatz	43
3.16 Zerlegung des Restklassenrings	45
3.17 Bestimmung der Eulerschen φ -Funktion	46

3.18	Polynome	47
3.19	Polynome über Körpern	49
3.20	Konstruktion endlicher Körper	51
3.21	Struktur der Einheitengruppe endlicher Körper	54
3.22	Struktur der primen Restklassengruppe nach einer Primzahl	55
3.23	Übungen	56
4.	Verschlüsselung	59
4.1	Verschlüsselungsverfahren	59
4.2	Private-Key-Verfahren und Public-Key-Verfahren	60
4.3	Sicherheit	61
4.3.1	Typen von Attacken	61
4.3.2	Randomisierte Verschlüsselung	63
4.3.3	Mathematische Modellierung	64
4.4	Alphabete und Wörter	64
4.5	Permutationen	66
4.6	Blockchiffren	68
4.7	Mehrfachverschlüsselung	69
4.8	Verschlüsselungsmodi	69
4.8.1	ECB-Mode	69
4.8.2	CBC-Mode	71
4.8.3	CFB-Mode	74
4.8.4	OFB-Mode	76
4.9	Stromchiffren	77
4.10	Die affine Chiffre	79
4.11	Matrizen und lineare Abbildungen	80
4.11.1	Matrizen über Ringen	80
4.11.2	Produkt von Matrizen mit Vektoren	81
4.11.3	Summe und Produkt von Matrizen	81
4.11.4	Der Matrizenring	81
4.11.5	Determinante	82
4.11.6	Inverse von Matrizen	82
4.11.7	Affin lineare Funktionen	83
4.12	Affin lineare Blockchiffren	84
4.13	Vigenère-, Hill- und Permutationschiffre	85
4.14	Kryptoanalyse affin linearer Blockchiffren	85
4.15	Sichere Blockchiffren	87
4.15.1	Konfusion und Diffusion	87
4.15.2	Exhaustive Key Search	87
4.15.3	Time-Memory Trade-Off	88
4.15.4	Differentielle Kryptoanalyse	89
4.15.5	Algebraische Kryptoanalyse	90
4.16	Übungen	92

5. Wahrscheinlichkeit und perfekte Geheimhaltung	95
5.1 Wahrscheinlichkeit	95
5.2 Bedingte Wahrscheinlichkeit	96
5.3 Geburtstagsparadox	98
5.4 Perfekte Geheimhaltung	99
5.5 Das Vernam-One-Time-Pad	101
5.6 Zufallszahlen	102
5.7 Pseudozufallszahlen	103
5.8 Übungen	103
6. Der DES-Algorithmus	105
6.1 Feistel-Chiffren	105
6.2 Der DES-Algorithmus	106
6.2.1 Klartext- und Schlüsselraum	106
6.2.2 Die initiale Permutation	107
6.2.3 Die interne Blockchiffre	108
6.2.4 Die S-Boxen	109
6.2.5 Die Rundenschlüssel	109
6.2.6 Entschlüsselung	111
6.3 Ein Beispiel für DES	112
6.4 Sicherheit des DES	113
6.5 Übungen	114
7. Der AES-Algorithmus	115
7.1 Bezeichnungen	115
7.2 Cipher	116
7.2.1 Identifikation der Bytes mit Elementen von $GF(2^8)$	117
7.2.2 SubBytes	117
7.2.3 ShiftRows	118
7.2.4 MixColumns	119
7.2.5 AddRoundKey	119
7.3 KeyExpansion	120
7.4 Ein Beispiel	121
7.5 InvCipher	122
7.6 Übungen	122
8. Primzahlerzeugung	125
8.1 Probedivision	125
8.2 Der Fermat-Test	127
8.3 Carmichael-Zahlen	127
8.4 Der Miller-Rabin-Test	129
8.5 Zufällige Wahl von Primzahlen	132
8.6 Übungen	132

9. Public-Key Verschlüsselung	135
9.1 Idee	135
9.2 Sicherheit	136
9.2.1 Sicherheit des privaten Schlüssels	137
9.2.2 Semantische Sicherheit	137
9.2.3 Chosen-Ciphertext-Sicherheit	138
9.2.4 Sicherheitsbeweise	139
9.3 Das RSA-Verfahren	139
9.3.1 Schlüsselerzeugung	139
9.3.2 Verschlüsselung	140
9.3.3 Entschlüsselung	141
9.3.4 Sicherheit des geheimen Schlüssels	142
9.3.5 RSA und Faktorisierung	145
9.3.6 Auswahl von p und q	145
9.3.7 Auswahl von e	146
9.3.8 Auswahl von d	147
9.3.9 Effizienz	147
9.3.10 Multiplikativität	148
9.3.11 Sichere Verwendung	149
9.3.12 Verallgemeinerung	150
9.4 Das Rabin-Verschlüsselungsverfahren	151
9.4.1 Schlüsselerzeugung	151
9.4.2 Verschlüsselung	151
9.4.3 Entschlüsselung	152
9.4.4 Effizienz	153
9.4.5 Sicherheit gegen Ciphertext-Only-Attacks	153
9.4.6 Eine Chosen-Ciphertext-Attacke	154
9.4.7 Sichere Verwendung	155
9.5 Diffie-Hellman-Schlüsselaustausch	155
9.5.1 Diskrete Logarithmen	155
9.5.2 Schlüsselaustausch	156
9.5.3 Sicherheit	157
9.5.4 Andere Gruppen	158
9.6 Das ElGamal-Verschlüsselungsverfahren	158
9.6.1 Schlüsselerzeugung	158
9.6.2 Verschlüsselung	159
9.6.3 Entschlüsselung	159
9.6.4 Effizienz	159
9.6.5 ElGamal und Diffie-Hellman	160
9.6.6 Parameterwahl	160
9.6.7 ElGamal ist randomisiert	161
9.6.8 Verallgemeinerung	161
9.7 Übungen	162

10. Faktorisierung	165
10.1 Probedivision	165
10.2 Die $p - 1$ -Methode	166
10.3 Das Quadratische Sieb	166
10.3.1 Das Prinzip	167
10.3.2 Bestimmung von x und y	167
10.3.3 Auswahl geeigneter Kongruenzen	168
10.3.4 Das Sieb	169
10.4 Analyse des Quadratischen Siebs	171
10.5 Effizienz anderer Faktorisierungsverfahren	173
10.6 Übungen	174
11. Diskrete Logarithmen	177
11.1 Das DL-Problem	177
11.2 Enumeration	178
11.3 Shanks Babystep-Giantstep-Algorithmus	178
11.4 Der Pollard- ρ -Algorithmus	180
11.5 Der Pohlig-Hellman-Algorithmus	183
11.5.1 Reduktion auf Primzahlpotenzordnung	184
11.5.2 Reduktion auf Primzahlordnung	185
11.5.3 Gesamtalgorithmus und Analyse	187
11.6 Index-Calculus	187
11.6.1 Idee	188
11.6.2 Diskrete Logarithmen der Faktorbasiselemente	188
11.6.3 Individuelle Logarithmen	190
11.6.4 Analyse	190
11.7 Andere Algorithmen	191
11.8 Verallgemeinerung des Index-Calculus-Verfahrens	191
11.9 Übungen	192
12. Kryptographische Hashfunktionen	193
12.1 Hashfunktionen und Kompressionsfunktionen	193
12.2 Geburtstagsattacke	195
12.3 Kompressionsfunktionen aus Verschlüsselungsfunktionen	196
12.4 Hashfunktionen aus Kompressionsfunktionen	197
12.5 SHA-1	199
12.6 Andere Hashfunktionen	201
12.7 Eine arithmetische Kompressionsfunktion	201
12.8 Message Authentication Codes	202
12.9 Übungen	203

13. Digitale Signaturen	205
13.1 Idee	205
13.2 Sicherheit	206
13.2.1 Sicherheit des privaten Schlüssels	206
13.2.2 No-Message-Modell	206
13.2.3 Chosen-Message-Modell	207
13.3 RSA-Signaturen	207
13.3.1 Schlüsselerzeugung	208
13.3.2 Erzeugung der Signatur	208
13.3.3 Verifikation	208
13.3.4 Angriffe	209
13.3.5 Signatur von Texten mit Redundanz	210
13.3.6 Signatur mit Hashwert	211
13.3.7 Wahl von p und q	211
13.3.8 Sichere Verwendung	212
13.4 Signaturen aus Public-Key-Verfahren	212
13.5 ElGamal-Signatur	212
13.5.1 Schlüsselerzeugung	213
13.5.2 Erzeugung der Signatur	213
13.5.3 Verifikation	213
13.5.4 Die Wahl von p	214
13.5.5 Die Wahl von k	215
13.5.6 Existentielle Fälschung	215
13.5.7 Effizienz	216
13.5.8 Sichere Verwendung	217
13.5.9 Verallgemeinerung	217
13.6 Der Digital Signature Algorithm (DSA)	217
13.6.1 Schlüsselerzeugung	217
13.6.2 Erzeugung der Signatur	218
13.6.3 Verifikation	218
13.6.4 Effizienz	219
13.6.5 Sicherheit	219
13.7 Das Lamport-Diffie Einmal-Signaturverfahren	220
13.7.1 Schlüsselerzeugung	221
13.7.2 Erzeugung der Signatur	221
13.7.3 Verifikation	221
13.7.4 Sicherheit	222
13.8 Das Merkle-Verfahren	223
13.8.1 Initialisierung	224
13.8.2 Schlüsselerzeugung	224
13.8.3 Erzeugung der Signatur	225
13.8.4 Verifikation	226
13.8.5 Sicherheit	228
13.8.6 Verbesserungen	229
13.9 Übungen	230

14. Andere Gruppen	233
14.1 Endliche Körper	233
14.2 Elliptische Kurven	233
14.2.1 Definition	234
14.2.2 Gruppenstruktur	235
14.2.3 Kryptographisch sichere Kurven	235
14.2.4 Vorteile von EC-Kryptographie	236
14.3 Quadratische Formen	237
14.4 Übungen	237
15. Identifikation	239
15.1 Anwendungen	239
15.2 Paßwörter	240
15.3 Einmal-Paßwörter	241
15.4 Challenge-Response-Identifikation	241
15.4.1 Verwendung von symmetrischer Kryptographie	241
15.4.2 Verwendung von Public-Key-Kryptographie	242
15.4.3 Zero-Knowledge-Beweise	242
15.5 Übungen	245
16. Secret Sharing	247
16.1 Prinzip	247
16.2 Das Shamir-Secret-Sharing-Protokoll	247
16.2.1 Initialisierung	248
16.2.2 Verteilung der Geheimnisteile	248
16.2.3 Rekonstruktion des Geheimnisses	249
16.2.4 Sicherheit	250
16.3 Übungen	250
17. Public-Key-Infrastrukturen	251
17.1 Persönliche Sicherheitsumgebung	251
17.1.1 Bedeutung	251
17.1.2 Implementierung	252
17.1.3 Darstellungsproblem	252
17.2 Zertifizierungsstellen	253
17.2.1 Registrierung	253
17.2.2 Schlüsselerzeugung	253
17.2.3 Zertifizierung	254
17.2.4 Archivierung	254
17.2.5 Personalisierung des PSE	255
17.2.6 Verzeichnisdienst	255
17.2.7 Schlüssel-Update	256

17.2.8 Rückruf von Zertifikaten	256
17.2.9 Zugriff auf ungültige Schlüssel	256
17.3 Zertifikatsketten	257
Lösungen der Übungsaufgaben.....	259
Literaturverzeichnis	271